

### Einführung in die Programmierung

Wintersemester 2020/21

**Kapitel 9: Elementare Datenstrukturen** 

M.Sc. Roman Kalkreuth Lehrstuhl für Algorithm Engineering (LS11) Fakultät für Informatik



### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Definition:

Abstrakter Datentyp (ADT) ist ein Tripel (T, F, A), wobei

- T eine nicht-leere Menge von Datenobjekten,
- F eine Menge von Operationen,
- A eine nicht-leere Menge von Axiomen, die die Bedeutung der Operationen erklären.

### Abstrakt?

- Datenobjekte brauchen keine konkrete Darstellung (Verallgemeinerung).
- Die Wirkung der Operationen wird beschrieben, nicht deren algorithmische Ausprägung.
  - → "WAS, nicht WIE!"

## technische universität

### **Kapitel 9: Elementare Datenstrukturen**

### Inhalt

- Definition: Abstrakter Datentyp (ADT)
- ADT Stapel
- ADT Schlange
- ADT Liste
- ADT Binärer Suchbaum
- ADT Graph
- Exkurse:
- Einfache Dateibehandlung
- C++-Strings



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

Kapitel 9

# Beispiel: ADT bool

### F: Operationen

```
true:
                     → bool
false
                     → bool
not: bool
                     → bool
and: bool x bool
                     → bool
or : bool x bool
                     → bool
```

**Elementare Datenstrukturen** 

Festlegung, welche Methoden es gibt

### A: Axiome

```
not(false)
                  = true
not(true)
                  = false
and(false, false) = false
and(false, true)
                  = false
and(true, false) = false
and(true, true)
                  = true
or(x, y)
                  = not(and(not(x), not(y)))
```

Festlegung, was die Methoden bewirken

### **Elementare Datenstrukturen**

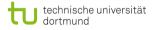
Kapitel 9

### Eigenschaften

- Wenn man einen ADT kennt, dann kann man ihn überall verwenden.
- Implementierung der Funktionen für Benutzer nicht von Bedeutung.
- Trennung von Spezifikation und Implementierung
- Ermöglicht späteren Austausch der Implementierung, ohne dass sich der Ablauf anderer Programme, die ihn benutzen, ändert!

Nur Operationen geben Zugriff auf Daten.

→ Stichwort: Information Hiding



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

5 C dortmund

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

Klassendefinition: (Version 1)

enum { maxSize = 100 };

```
template<typename T>
class Stapel {
public:
  Stapel();
                    // Konstruktor
  void push(T &x); // Element auf den Stapel legen
  void pop();
                    // oberstes Element entfernen
  T top();
                    // oberstes Element ansehen
  bool empty();
                    // Stapel leer?
private:
  static unsigned int const maxSize = 100;
                    // Stapelzeiger
  int sz:
  T data[maxSize]; // Speichervorrat für Nutzdaten
Alternative: anonymer enum ("the enum trick")
```

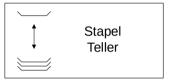
# technische universität R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21 dortmund 7

Lineare Datenstrukturen: Keller bzw. Stapel (engl. stack)

empty(create) = true empty(push(k, x)) = false pop(push(k, x)) = k top(push(k, x)) = x Aufräumen:

Kiste in den Keller, **oben** auf Haufen.

Etwas aus Keller holen: Zuerst **oberste** Kiste, weil oben auf Haufen.



LIFO: Last in, first out.

technische universität dortmund

sz = -1;

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

Kapitel 9

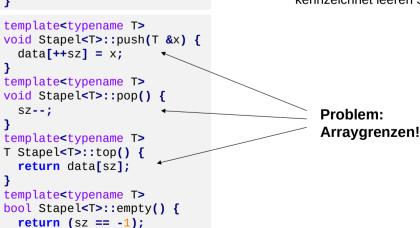
# Elementare Datenstrukturen Implementierung: (Version 1)

template<typename T>

Stapel<T>::Stapel() {

Idee:

unzulässiger Arrayindex -1 kennzeichnet leeren Stapel



### Wann können Probleme auftreten?

Bei **pop**, falls Stapel leer ist:

→ Stapelzeiger wird -2, anschließendes push versucht auf data[-1] zu schreiben

Bei **top**, falls Stapel leer ist:

→ es wird undefinierter Wert von data[-1] zurückgegeben

Bei push, falls Stapel voll ist:

- → es wird versucht auf data[maxSize] zu schreiben (erlaubt: 0 bis maxSize 1)
- ⇒ diese Fälle müssen abgefangen werden, Fehlermeldung

```
void error(char const *info) {
  cerr << info << endl;
  exit(1);
}</pre>
```

gibt Fehlermeldung **info** aus und bricht das Programm durch **exit(1) sofort** ab und liefert den Wert des Arguments (hier: 1) an das Betriebssystem zurück

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

technische universität dortmund

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

Implementierung: (Version 2, Änderungen und Zusätze in rot)

```
template<typename T>
                                     template<typename T>
Stapel<T>::Stapel() {
                                    T Stapel<T>::top() {
                                      if (empty()) error("leer");
  sz = -1;
                                       return data[sz];
template<typename T>
void Stapel<T>::push(T &x) {
                                    template<typename T>
                                    bool Stapel<T>::empty() {
  if (full()) error("voll");
  data[++sz] = x;
                                       return (sz == -1);
template<typename T>
                                     template<typename T>
void Stapel<T>::pop() {
                                     bool Stapel<T>::full() {
  if (empty()) error("leer");
                                       return (sz == maxSize - 1);
  SZ--;
template<typename T>
void Stapel<T>::error(char const * info) { ← private Methode:
                                                kann nur innerhalb der
  std::cerr << info << std::endl;</pre>
                                               Klasse aufgerufen werden
  exit(1);
```

## R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

class Stapel {

```
template<typename T>
class Stapel {
public:
  Stapel();
                    // Konstruktor
  void push(T &x); // Element auf den Stapel legen
  void pop();
                    // oberstes Element entfernen
  T top();
                    // oberstes Element ansehen
  bool empty();
                    // Stapel leer?
  bool full();
                    // Stapel voll?
private:
  static unsigned int const maxSize = 100;
                    // Stapelzeiger
  int sz:
 T data[maxSize]; // Speichervorat für Nutzdaten
  void error(char const *info); // Fehlermeldung + Abbruch
};
```

```
technische universität dortmund
```

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

99

8

7

6

5

2

1

### **Elementare Datenstrukturen**

**Elementare Datenstrukturen** 

Klassendefinition: (Version 2: Ergänzungen in rot)

Kapitel 9

Erster Test ...

```
#include <iostream>
#include "Stapel.h"
using namespace std;

int main() {
    Stapel<int> s;
    for (int i = 0; i < 100; i++) s.push(i);
    cout << s.top() << endl;
    for (int i = 0; i < 90; i++) s.pop();
    while (!s.empty()) {
        cout << s.top() << endl;
        s.pop();
    }
    return 0;
}</pre>
```

**Lineare Datenstrukturen: Schlange** (engl. queue)

FIFO: First in. first out.

create : → Schlange eng : Schlange x T → Schlange deg : Schlange → Schlange : Schlange → T front empty : Schlange → bool empty(create) = true empty(eng(s, x)) = false= empty(s) ? s : eng(deg(s), x) deq(enq(s, x))front(eng(s, x)) = emptv(s) ? x : front(s)

Schlange an der Supermarktkasse:

Wenn Einkauf fertig, dann hinten anstellen. Der nächste Kunde an der Kasse steht ganz vorne in der Schlange.

Eingehende Aufträge werden "geparkt", und dann nach und nach in der Reihenfolge des Eingangs abgearbeitet.



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### dortmund

**Elementare Datenstrukturen** 

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

0

90

91

92

93

94

95

96

97

98

99

### **Elementare Datenstrukturen**

technische universität

dortmund

### Kapitel 9

Implementierung: (Version 1: Fehler bei Arraygrenzen werden abgefangen)

```
template<typename T>
Schlange<T>::Schlange() : ez(-1) {
template<typename T>
void Schlange<T>::eng(T &x) {
 if (full()) error("voll");
  data[++ez] = x;
template<typename T>
void Schlange<T>::deg() {
 if (empty()) error("leer");
 for (int i = 0; i < ez; i++)
    data[i] = data[i+1];
  ez--;
```

```
template<typename T>
T Schlange<T>::front() {
  if (empty()) error("leer");
  return data[0];
}
template<tvpename T>
bool Schlange<T>::empty() {
  return (ez == -1);
template<typename T>
bool Schlange<T>::full() {
  return (ez == maxSize - 1);
}
```

template<typename T> void Schlange<T>::error(char const \*info) { std::cerr << info << std::endl;</pre> exit(1);

private Methode: kann nur innerhalb der Klasse aufgerufen werden

# R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

Klassendefinition: (Version 1; schon mit Fehlerbehandlung)

```
template<typename T>
class Schlange {
public:
  Schlange():
                        // Konstruktor
 void eng(T &x);
                        // Element anhängen
                        // erstes Element entfernen
  void deq();
  T front();
                        // erstes Element ansehen
  bool empty();
                        // Schlange leer?
  bool full();
                        // Schlange voll?
private:
  static unsigned int const maxSize = 100;
                        // Endezeiger
  int ez:
                        // Array für Nutzdaten
 T data[maxSize];
  void error(char const *info); // Fehlermeldung
};
```

```
technische universität
```

Kapitel 9

### Erster Test ...

```
#include <iostream>
                                               Ausgabe:
#include "Schlange.h"
using namespace std;
int main() {
  Schlange<int> s;
  for (int i = 0; i < 100; i++) s.eng(i);
  cout << s.front() << endl;</pre>
  for (int i = 0; i < 90; i++) s.deq();
  while (!s.empty()) {
    cout << s.front() << endl;</pre>
    s.deq();
  return 0;
```

**Elementare Datenstrukturen** 

**Kapitel 9** 

Benutzer des (abstrakten) Datentyps Schlange wird feststellen, dass

- 1. fast alle Operationen schnell sind, aber
- 2. die Operation **deq** vergleichsweise langsam ist.

### Laufzeit / Effizienz der Operation deq

```
template<typename T>
void Schlange<T>::deq() {
  if (empty()) error("leer");
  for (int i = 0; i < ez; i++)
    data[i] = data[i+1];
  ez--;
}</pre>
```

ez = Anzahl Elemente in SchlangeInsgesamt ez Datenverschiebungen

Worst case: (maxSize - 1) mal



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

17

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

202012

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Implementierung: (Version 2; mit Ringspeicher)

```
template<typename T>
class Schlange {
public:
  Schlange();
  void eng(T &x);
  void deq();
  T front();
  bool empty();
  bool full();
private:
  static unsigned int const maxSize = 100;
  int ez;
                    // Endezeiger
                    // Startzeiger
  int sz;
 T data[maxSize];
  void error(char const *info);
```

### **Elementare Datenstrukturen**

technische universität

technische universität

dortmund

dortmund

Kapitel 9

### Implementierung: (Version 2; mit Ringspeicher)

```
template<typename T> Schlange<T>::Schlange() {
    sz = 0;
    ez = -1;
}
template<typename T> T Schlange<T>::front() {
    if (empty()) error("leer");
    return data[sz];
}
template<typename T> bool Schlange<T>::empty() {
    return (ez == -1);
}
template<typename T> bool Schlange<T>::full() {
    if (empty()) return false;
    return ((ez + 1) % maxSize) == sz;
}
```

Idee: Array zum Kreis machen; zusätzlich Anfang/Start markieren (sz)

7

4

5

0

3

1

2

**Elementare Datenstrukturen** 

Kapitel 9

Implementierung: (Version 2; mit Ringspeicher)

```
template<typename T>
void Schlange<T>::eng(T &x) {
 if (full()) error("full");
 ez = (ez + 1) \% maxSize;
  data[ez] = x;
```

### Laufzeit:

unabhängig von Größe der Schlange

### template<typename T> void Schlange<T>::deg() { if (empty()) error("leer"); if $(sz == ez) \{ sz = 0; ez = -1; \}$ else sz = (sz + 1) % maxSize;

### Laufzeit:

unabhängig von Größe der Schlange



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### Wiederholung: ADT Schlange

Kapitel 9

### Lineare Datenstrukturen: Schlange (engl. queue)

```
create :
                         → Schlange
        : Schlange x T → Schlange
eng
        : Schlange
                         → Schlange
dea
        : Schlange
                         \rightarrow T
front
empty : Schlange
                         → bool
```

create : erzeugt leere Schlange

eng: hängt Element ans Ende der Schlange

deg: entfernt Kopf der Schlange

: gibt im Kopf der Schlange gespeichertes Element zurück front

empty : prüft, ob Schlange leer ist

→ Implementierung mit statischem Speicher ersetzen durch dynamischen Speicher

### technische universität dortmund

# Achtung:

Dynamisch erzeugte Objekte müssen auch wieder gelöscht werden, keine automatische Speicherbereinigung!

Unbefriedigend bei der Implementierung:

Maximale festgelegte Größe des Stapels bzw. der Schlange

→ Liegt an der unterliegenden Datenstruktur Array:

Array ist **statisch**, d.h. Größe wird zur Übersetzungszeit festgelegt und ist während der Laufzeit des Programms nicht veränderbar.

Schön wären dynamische Datenstrukturen, d.h. Größe wird zur Übersetzungszeit nicht festgelegt und ist während der Laufzeit des Programms veränderbar.

⇒ Dynamischer Speicher! (Stichwort: new / delete)

technische universität dortmund

Wiederholung: Dynamischer Speicher

Kapitel 9

### Bauplan:

Datentyp \*Variable = **new** Datentyp; (Erzeugen)

**delete** Variable: (Löschen)

### **Bauplan für Arrays:**

Datentyp \*Variable = **new** Datentyp [Anzahl]; (Erzeugen)

delete[] Variable; (Löschen)

**Elementare Datenstrukturen** 

Kapitel 9

Vorüberlegungen für ADT Schlange mit dynamischem Speicher:

Wir können bei der Realisierung der Schlange statt statischem (Array) nun **dynamischen Speicher** verwenden ...

Ansatz: **new int[oldsize+1]** ... bringt uns das weiter?

→ Größe kann zwar zur Laufzeit angegeben werden, ist aber dann fixiert!

Falls maximale Größe erreicht, könnte man

- 1. größeres Array anlegen
- 2. Arraywerte ins größere Array kopieren und
- 3. kleineres Array löschen.

ineffizient!

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

25

## Elementare Datenstrukturen

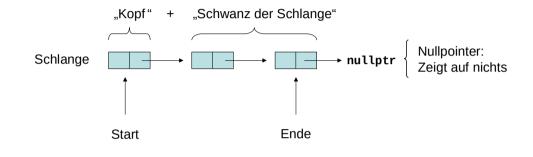
Kapitel 9

Klassendefinition: (Version 3; mit dynamischem Speicher)

```
template<typename T>
class Schlange {
public:
  Schlange();
                             // Konstruktor
  void eng(T &x);
  void deq();
  T front();
  bool empty();
  void clear();
                             // löscht alle Einträge
  ~Schlange();
                             // Destruktor
private:
  struct Objekt {
                             // interner Datentyp
                            // Zeiger auf Schlangenschwanz
    Objekt *tail;
                            // Datenfeld
    Т
            data;
  } *sz, *ez;
                            // Zeiger auf Start + Ende
  void error(char const *info); // für Fehlermeldungen
};
```

Vorüberlegungen für ADT Schlange mit dynamischem Speicher:





technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

Implementierung: (Version 3)

```
template<typename T>
Schlange<T>::Schlange() {
    ez = sz = nullptr;
}
template<typename T>
T Schlange<T>::front() {
    if (empty()) error("leer");
    return sz->data;
}
template<typename T>
bool Schlange<T>::empty() {
    return (ez == nullptr);
}
template<typename T>
void Schlange<T>::clear() {
    while (!empty()) deq();
}
```

**nullptr** ist der Nullzeiger!

```
template<typename T>
Schlange<T>::~Schlange() {
   clear();
}
template<typename T>
void Schlange<T>::error(
   char const *info){
   cerr << info << endl;
   exit(1);
}</pre>
```

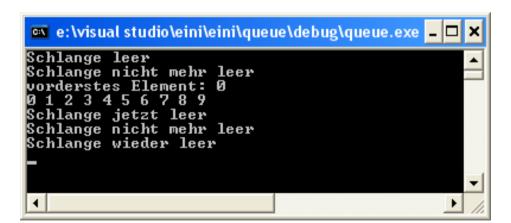
```
Implementierung: (Version 3)
template<tvpename T>
void Schlange<T>::eng(T &x) {
  Objekt *obj = new Objekt; // neues Objekt anlegen
                            // Nutzdaten speichern
  obi->data = x:
  obj->tail = nullptr;
  if (empty()) sz = obj;
                            // falls leer nach vorne,
  else ez->tail = obi;
                           // sonst hinten anhängen
                            // Endezeiger aktualisieren
  ez = obi;
template<typename T>
void Schlange<T>::deg() {
  if (empty()) error("leer");
  Objekt *obj = sz;
                           // Zeiger auf Kopf retten
                            // Start auf 2. Element
  sz = sz->tail;
  if (sz == nullptr) ez = nullptr; // Schlange leer!
                            // ehemaliges 1. Element
  delete obi;
                                              löschen
```



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9



```
int main() {
                                                    Testprogramm!
  Schlange<int> s;
  if (s.empty()) cout << "Schlange leer" << endl;</pre>
  for (int i = 0; i < 10; i++) s.eng(i);
  if (!s.empty()) cout << "Schlange nicht mehr leer" << endl;</pre>
  cout << "vorderstes Element: " << s.front() << endl;</pre>
  while (!s.empty()) {
    cout << s.front() << " ";
    s.deq();
  cout << endl;
  if (s.empty()) cout << "Schlange jetzt leer" << endl;</pre>
  for (int i = 0; i < 100; i++) s.eng(i);
  if (!s.empty()) cout << "Schlange nicht mehr leer" << endl;</pre>
  s.clear();
  if (s.empty()) cout << "Schlange wieder leer" << endl;</pre>
  return 0:
```

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Kopieren von Klassenobjekten

```
template<typename T>
                          Schlange<int> s1;
                                                      statischer Speicher:
class Schlange {
                          for (int i=0;i<10;i++)</pre>
                                                      byteweises
  T data[100];
                            s1.eng(i);
                                                      Speicherabbild
                          Schlange<int> s2 = s1;
  int sz, ez;
                                                      ⇒ OK
};
template<typename
                          Schlange<int> s1;
                                                      dynam. Speicher:
                          for (int i=0;i<10;i++)</pre>
T>
                                                      byteweises
                            s1.ena(i);
class Schlange {
                                                      Speicherabbild
                          Schlange<int> s2 = s1;
  struct Objekt {
                                                      ⇒ Problem!
    Objekt *tail;
                          Es werden nur die Inhalte der Zeiger kopiert!
             data;
  } *sz, *ez;
};
```

Bei Verwendung von dynamischem Speicher muss auch dieser kopiert werden. 
⇒ In C++ kann das durch den Kopierkonstruktor realisiert werden.

### Kopierkonstruktor (copy constructor)

Wird für eine Klasse **kein Kopierkonstruktor** implementiert, dann erzeugt ihn der Compiler **automatisch**.

### **Achtung:**

Es wird dann ein byteweises Speicherabbild des Objektes geliefert.

⇒ ",flache Kopie" (engl. shallow copy)

### Problem:

- Konstruktor fordert dynamischen Speicher an —— nur Kopie des Zeigers
- Konstruktor öffnet exklusive Datei (o.a. Ressource) \_\_\_\_\_ nicht teilbar! Crash!

```
⇒ dann "tiefe Kopie" (engl. deep copy) nötig
```

⇒ man muss Kopierkonstruktor (und Destruktor) implementieren!

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

33

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Kopierkonstruktor (copy constructor)

```
template<typename T>
class Schlange {
public:
   Schlange(); // Konstruktor
   Schlange(const Schlange<T>& s);
   ~Schlange(); // Destruktor
};
```

Kann wie eine Zuweisung interpretiert werden

Kopierkonstruktor

```
template<typename T>
Schlange<T>::Schlange(const Schlange<T>& s){
    ez = nullptr;
    Objekt *ptr = s.sz;
    while (ptr != nullptr) {
        enq(ptr->data);
        ptr = ptr->tail;
    }
}
Entstehendes
Objekt wird mit einem
bestehenden Objekt
initialisiert
}
```

## technische universität dortmund

**Elementare Datenstrukturen** 

**Kapitel 9** 

```
#include <iostream>
                                                                 Programmiertes
#include "Stapel.h"
                          // statischer Speicher
                                                                 Unheil:
#include "Schlange.h"
                          // dynamischer Speicher
using namespace std:
int main() {
  Stapel<int> stack1;
  Schlange<int> queue1;
  for (int i = 0; i < 10; i++) {
                                                                 Stapel1 / Schlange1
    stack1.push(i);
                                                                 mit Daten belegen.
    queue1.enq(i);
                                                                 Stapel1 / Schlange1
  Stapel<int> stack2 = stack1;
                                                                 kopieren
  Schlange<int> queue2 = queue1;
                                                                 Stapel1 / Schlange1
  while (!stack1.empty()) stack1.pop();
  while (!queue1.empty()) queue1.deq();
                                                                 löschen
  while (!stack2.empty()) {
                                                                 kopierten Stapel
    cout << stack2.top() << endl;</pre>
                                                                 ausgeben
    stack2.pop();
  while (!queue2.empty()) {
                                                                 kopierte Schlange
    cout << queue2.front() << endl;</pre>
                                                                 ausgeben ...
    queue2.deq();
  return 0;
                                                                            crash!
```

technische universität dortmund R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Kopierkonstruktor (copy constructor)

### **Bauplan:**

ObjektTyp (const ObjektTyp & bezeichner);

→ Kopierkonstruktor liefert / soll liefern byteweises Speicherabbild des Objektes

Wird automatisch aufgerufen, wenn:

- 1. ein neues Objekt erzeugt und mit einem bestehenden initialisiert wird;
- 2. ein Objekt per Wertübergabe als Parameter an eine Funktion übergeben wird;
- 3. ein Objekt mit **return** als Wert zurückgegeben wird.

```
Punkt a(1.2, 3.4); // neu

Punkt b(a); // Kopie: direkter Aufruf des Kopierkonstruktors

Punkt c = b; // Kopie: bewirkt Aufruf des Kopierkonstruktors

b = a; // Zuweisung, keine Kopie → gleiche Problematik!
```

Wenn für eine Klasse der Zuweisungsoperator nicht überschrieben wird, dann macht das der Compiler automatisch.

### Vorsicht:

Speicher des Objektes wird byteweise überschrieben.

### Problem:

- z.B. wenn Objekt dynamischen Speicher verwendet
- ⇒ gleiche Problematik wie beim Kopierkonstruktor

### Merke:

Wenn die Implementierung eines Kopierkonstruktors nötig ist, dann höchstwahrscheinlich auch Destruktor und überschriebene Zuweisung. (Das ist die sogenannte "Rule of Three".)



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Überladen von Operatoren

### Welche?

+	^	==	+=	^=	!=	<<	()
-	&	>	-=	&=	&&	<<=	new
*	I	>=	*=	[=	П	>>	delete
/	~	<	/=	++	->	>>=	=
%	!	<=	%=		->*	[]	

### Wie?

Objekttyp& operator (const ObjektTyp& bezeichner)

Objekttyp operator (const ObjektTyp& bezeichner)

### technische universität dortmund

### **Elementare Datenstrukturen**

### Kapitel 9

### Überladen von Operatoren

- Operator ist eine Verknüpfungsvorschrift
- Kann man auffassen als Name einer Funktion:

**Bsp**: Addition a + b interpretieren als + (a, b)

• in C++ als: c = **operator+** (a, b) Funktionsname Argumente

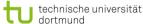
### Zweck:

eine Klasse mit Funktionalität ausstatten, die vergleichbar mit elementarem Datentyp ist

insbesondere bei **Zuweisung und Gleichheit** 

### Vorteil:

Quellcode wird übersichtlicher



### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Überladen von Operatoren: Zuweisung

```
template<typename T>
Schlange<T>& Schlange<T>::operator= (const Schlange<T>& s) {
  if (this == &s) return *this; // falls Selbstzuweisung
 clear(); // Speicher freigeben
  Objekt *ptr = s.sz;
  while (ptr != nullptr) {
    enq(ptr->data);
    ptr = ptr->tail;
  return *this;
```

**this** ist ein Zeiger auf das Objekt selbst.

Bei der Zuweisung wird ja keine neue Instanz erzeugt: tatsächlich wird eine vorhandene Instanz verändert.

Deshalb ist Rückgabewert eine Referenz auf sich selbst!

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Überladen von Operatoren: Test auf Gleicheit

```
template<typename T>
bool Schlange<T>::operator== (const Schlange<T>& s) {
 if (this == &s) return true;
                                     // Selbstvergleich?
 Objekt *ptr1 = sz;
                          // this->sz
 Objekt *ptr2 = s.sz;
 while (ptr1 != nullptr && ptr2 != nullptr) {
    if (ptr1->data != ptr2->data) return false;
   ptr1 = ptr1->tail;
    ptr2 = ptr2->tail;
  return (ptr1 == ptr2);
```

Zwei Schlangen sind gleich genau dann, wenn sie

- 1. gleich viele Elemente haben und
- 2. die Inhalte in gleicher Reihenfolge paarweise gleich sind.

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Automatisch erzeugte Methoden erzwingen (C++11)

- Schlüsselwort **default** ist Anweisung an Compiler, die Standardimplementierung zu erzeugen
- z.B. für den parameterlosen Standard-Konstruktor

```
class Punkt {
private:
  double x, y;
public:
  Punkt() = default;
  Der Compiler soll seine Standardimplementierung verwenden
  Punkt(double ax, double ay) : x(ax), y(ax){}
```

### Unterschied zwischen Kopierkonstruktor und Zuweisung

### **Kopierkonstruktor:**

Initialisierung einer neu deklarierten Variable von existierender Variable

### **Zuweisung:**

- wirkt zwar wie Kopierkonstruktor (flache Kopie bzw. tiefe Kopie), überschreibt jedoch Speicher der existierenden Variable mit dem Speicher der zuweisenden, existierenden Variable
- zusätzlich ggf. Aufräumen: Freigabe dynamischer Speicher
- außerdem: Rückgabe einer Referenz auf sich selbst



**Elementare Datenstrukturen** 

Kapitel 9

Schlüsselwort delete verhindert die Erzeugung von Methoden

Automatisch erzeugte Methoden verhindern (C++11)

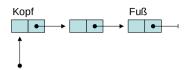
• z.B. für Klassen, deren Instanzen nicht kopiert werden können

```
class Punkt {
private:
  double x, y;
public:
  Punkt(const Punkt& p) = delete;
          Der Compiler soll keinen Kopierkonstruktor erzeugen
  Punkt& operator=(const Punkt& p) = delete;
        Der Compiler soll keinen Zuweisungsoperator erzeugen
};
```

### **Elementare Datenstrukturen**

### Kapitel 9

### ADT Liste (1. Version)



Liste wird nur durch einen Zeiger auf ihren Listenkopf repräsentiert

### Operationen:

```
create:
                 → Liste
empty : Liste
                     → bool
append: T \times Liste \rightarrow Liste
prepend: T x Liste → Liste
clear :
                 → Liste
is elem : T x Liste → bool
```

hängt am Ende an vor Kopf einfügen

ist Element enthalten?

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

### Kapitel 9

### ADT Liste (1. Version)

```
template<tvpename T>
Liste<T>::Liste() {
                                         Laufzeit:
  sz = nullptr;
template<tvpename T>
void Liste<T>::clear(Objekt *obj) {
 if (obj == nullptr) return;
 clear(obj->next);
 delete obj;
template<typename T>
void Liste<T>::clear() {
  clear(sz);
  sz = nullptr;
template<typename T>
Liste<T>::~Liste() {
  clear();
```

unabhängig von Listenlänge

rekursives Löschen von "hinten" nach "vorne"

### Laufzeit:

proportional zur Listenlänge



### **Elementare Datenstrukturen**

### Kapitel 9

### ADT Liste (1. Version)

```
template<typename T>
  class Liste {
  public:
    Liste();
                                // Konstruktor
    Liste(const Liste<T>& liste);// Kopierkonstruktor
    void append(const T& x); // hängt hinten an
    void prepend(const T& x); // fügt vorne ein
    bool empty();
                               // Liste leer?
    bool is_elem(const T& x); // ist Element x in Liste?
                               // Liste leeren
    void clear();
    ~Liste();
                                // Destruktor
  private:
    struct Objekt {
                               // privater Datentyp
                                // Nutzdaten
               data:
      Objekt *next;
                                // Zeiger auf nächstes
  0biekt
   } *sz;
                                // Startzeiger auf
  Listenkopf
    void clear(Objekt *obj); // Hilfsmethode zum Leeren
\};
                                     R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21
  U dortmund
```

### **Elementare Datenstrukturen**

### Kapitel 9

### ADT Liste (1. Version)

```
template<tvpename T>
bool Liste<T>::empty() {
  return (sz == nullptr);
template<tvpename T>
bool Liste<T>::is_elem(const T& x) {
  Objekt *ptr = sz;
  while (ptr != nullptr) {
    if (ptr->data == x) return true;
    ptr = ptr->next;
 }
  return false;
template<tvpename T>
void Liste<T>::prepend(const T& x){
  Objekt *obj = new Objekt;
  obj->data = x;
  obj->next = sz;
  sz = obi;
```

### Laufzeit:

unabhängig von Listenlänge

iterativer Durchlauf von "vorne" nach "hinten"

### Laufzeit:

proportional zur Listenlänge

### Laufzeit:

unabhängig von Listenlänge

### ADT Liste (1. Version)

```
template<tvpename T>
void Liste<T>::append(const T& x) {
 Objekt *obj = new Objekt;
 obi->data = x;
 obj->next = nullptr;
 if (empty()) sz = obj;
 else {
   Objekt *ptr = sz;
   while (ptr->next != nullptr)
      ptr = ptr->next;
    ptr->next = obj;
```

neuen Eintrag erzeugen

Liste leer? → Kopf = neuer Eintrag

iterativer Durchlauf von "vorne" nach "hinten"

### Laufzeit:

proportional zur Listenlänge

```
template<typename T>
Liste<T>::Liste(const Liste<T>& liste) : sz(nullptr) {
 for (Objekt *ptr = liste.sz; ptr != nullptr; ptr = ptr->next)
    append(ptr->data);
                          Laufzeit: quadratisch proportional zur Listenlänge!
```

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

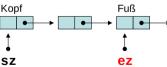
### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### ADT Liste (2. Version)

```
template<typename T>
class Liste {
public:
  // keine Änderungen
private:
  struct Objekt {
            data:
    Objekt *next;
  } *sz, *ez;
  // sonst keine Änderungen
};
```

Liste besteht aus 2 Zeigern: Zeiger auf Listenkopf (Start) Zeiger auf Listenfuß (Ende)



Kennzeichnung der leeren Liste jetzt durch Nullzeiger bei ez.

### **Elementare Datenstrukturen**

**Elementare Datenstrukturen** 

1. Laufzeit von **clear** proportional zur Listenlänge

→ unproblematisch, weil nur selten aufgerufen

3. Laufzeit von is elem proportional zur Listenlänge

→ später verbessert durch ADT BinärerSuchbaum

4. Laufzeit von **append** proportional zur Listenlänge

→ zusätzlicher Zeiger auf das Ende der Liste

→ kann bei dieser **Datenstruktur** nicht verbessert werden

→ kann nicht verbessert werden, weil ja jedes Element gelöscht werden muss

→ bestenfalls Laufzeit proportional zur Listenlänge: muss alle Elemente kopieren!

2. Laufzeit des Kopierkonstruktors quadratisch proportional zur Listenlänge

→ kann nur verbessert werden, wenn **append** verbessert werden kann

→ kann durch Veränderung der Implementierung verbessert werden

ADT Liste (1. Version)

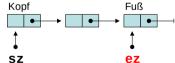
**Zusammenfassung:** 

Kapitel 9

### ADT Liste (2. Version)

```
template<typename T>
Liste<T>::Liste() {
  ez = sz = nullptr;
template<typename T>
bool Liste<T>::empty() {
  return (ez == nullptr);
template<typename T>
Liste<T>::~Liste() {
  clear();
```

Liste besteht aus 2 Zeigern: Zeiger auf Listenkopf (Start) Zeiger auf Listenfuß (Ende)



Kennzeichnung der leeren Liste jetzt durch Nullzeiger bei ez.

### ADT Liste (2. Version)

```
template<tvpename T>
                                                keine Änderungen!
void Liste<T>::clear(Objekt *obj) {
  if (obj == nullptr) return;
                                                Laufzeit:
  clear(obj->next);
                                                proportional zur Listenlänge
  delete obi:
template<typename T>
void Liste<T>::clear() {
  clear(sz);
                                               → keine Verbesserung (OK)
  ez = sz = nullptr;
template<typename T>
bool Liste<T>::is_elem(const T& x) {
                                               keine Änderungen!
  Objekt *ptr = sz;
  while (ptr != nullptr) {
    if (ptr->data == x) return true;
                                               Laufzeit:
    ptr = ptr->next;
                                               proportional zur Listenlänge
  return false;
                                               → keine Verbesserung (OK)
```

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### Elementare Datenstrukturen

Kapitel 9

### ADT Liste (2. Version)

```
template<typename T>
Liste<T>::Liste(const Liste<T>& liste) {
  ez = nullptr;
  for (Objekt *ptr = liste.sz; ptr != nullptr; ptr = ptr->next)
    append(ptr->data);
```

### Laufzeit:

proportional zur Listenlänge, weil append verbessert wurde → Verbesserung!

	Versi	ion 1	Version 2		
Elemente	Debug	Release	Debug	Release	
5000	145469	32107	9504	1627	
10000	566812	125605	19491	3279	
20000	2234480	495467	38610	6444	

Anzahl Elemente mal  $4 \Rightarrow$ Laufzeit mal 4<sup>2</sup>=16 (Version 1) Laufzeit mal 4 (Version 2)

### Laufzeit in usek. für Kopieroperation

### technische universität dortmund

### ADT Liste (2. Version)

**Elementare Datenstrukturen** 

```
template<tvpename T>
void Liste<T>::prepend(const T& x){
  Objekt *obj = new Objekt;
  obj->data = x;
  obj->next = sz;
                                            Laufzeit:
  sz = obi;
  if (empty()) ez = obj;
template<tvpename T>
void Liste<T>::append(const T& x) {
  Objekt *obj = new Objekt;
  obi->data = x;
                                            Laufzeit:
  obj->next = nullptr;
  if (empty()) sz = obj;
  else ez->next = obj;
```

keine Änderungen!

unabhängig von Listenlänge

unabhängig von Listenlänge

→ Verbesserung!

technische universität dortmund

ez = obi;

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

ADT Liste (2. Version)

### **Zusammenfassung:**

- 1. Laufzeit von **clear** proportional zur Listenlänge
  - → kann nicht verbessert werden, weil ja jedes Element gelöscht werden muss
  - → unproblematisch, weil nur selten aufgerufen
- 2. Laufzeit von **is\_elem** proportional zur Listenlänge
  - → kann bei dieser **Datenstruktur** nicht verbessert werden
  - → verbessern wir gleich durch ADT BinärBaum
- 3. Laufzeit von **append unabhängig** von Listenlänge
  - → war proportional zur Listenlänge in 1. Version
  - → Verbesserung erzielt durch Veränderung der Implementierung
- 4. Laufzeit des Kopierkonstruktors proportional zur Listenlänge
  - → war quadratisch proportional zur Listenlänge in 1. Version
  - → Verbesserung erzielt durch Verbesserung von append

### **ADT Binärer Suchbaum**

### Vorbemerkungen:

Zahlenfolge (z. B. 17, 4, 36, 2, 8, 19, 40, 6, 7, 37) soll gespeichert werden, um später darin suchen zu können

Man könnte sich eine Menge A vorstellen mit Anfrage: Ist 40 ∈ A?

Mögliche Lösung: Zahlen in einer Liste speichern und nach 40 suchen ...

... aber: nicht effizient, weil im schlechtesten Fall alle Elemente überprüft werden müssen!

Bessere Lösungen?

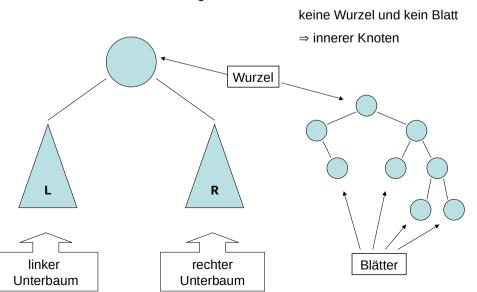


R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### **ADT Binärer Suchbaum: Terminologie**



## technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21 technische universität

### **Elementare Datenstrukturen**

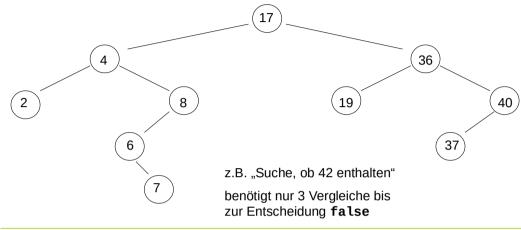
### Kapitel 9

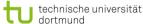
### **ADT Binärer Suchbaum**

### Beispiel:

Zahlenfolge 17, 4, 36, 2, 8, 19, 40, 6, 7, 37

kleiner : nach links größer : nach rechts





R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

**Kapitel 9** 

### ADT Binärer Suchbaum: Klassendefinition

```
template<typename T>
class BinTree {
private:
  struct Node {
    T data;
    Node *left, *right;
                                             leerer Unterbaum
                                             → Nullzeiger
  } *root;
 Node *insert(Node *node, T key);
  bool isElem(Node *node, T key);
  void clear(Node *node);
public:
  BinTree()
                   { root = nullptr; }
  void insert(T x) { root = insert(root, x); }
  bool isElem(T x) { return isElem(root, x); }
  void clear()
                   { clear(root); root = nullptr; }
  ~BinTree()
                   { clear(); }
```

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### ADT Binärer Suchbaum: Element suchen

```
template<typename T>
bool BinTree<T>::isElem(Node *node, T key) {
 if (node == nullptr) return false;
 if (node->data == key) return true;
 if (node->data < key) return isElem(node->right, key);
 return isElem(node->left, key);
```

#### **Rekursive Suche:**

Falls kein Erfolg im aktuellen Knoten, dann Frage an den Unterbaum weiterreichen, der das Element enthalten müsste.

Falls Knoten Element enthält: Erfolg!

Falls Unterbaum leer, dann Element nicht vorhanden.



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

Rekursionsverankerung -

(Abbruchbedingung)

dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### ADT Binärer Suchbaum: Einfügen

```
template<typename T>
typename BinTree<T>::Node* BinTree<T>::insert(Node *node, T key)
 if (node == nullptr) {
    node = new Node;
                                                     Nötig, wenn
    node->data = key;
                                                    Rückgabewert
    node->left = node->right = nullptr;
                                                    ein lokaler Tvp
    return node;
                                                    der Klasse ist.
                                                     (ISO-Norm)
  if (node->data < key)</pre>
    node->right = insert(node->right, key);
  else if (node->data > key)
    node->left = insert(node->left, key);
  return node;
```

### Rekursives Einfügen

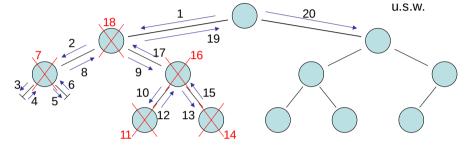
### technische universität dortmund

### R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

technische universität

### ADT Binärer Suchbaum: Aufräumen

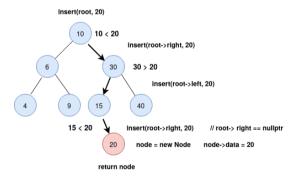
```
template<typename T>
void BinTree<T>::clear(Node *node) {
  if (node == nullptr) return; // Rekursionsabbruch
  clear(node->left);
                               // linken Unterbaum löschen
 clear(node->right);
                                // rechten Unterbaum löschen
  delete node;
                                // Knoten löschen
```



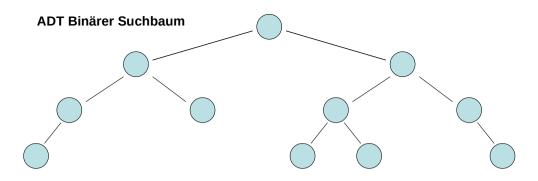
technische universität

Kapitel 9

### ADT Binärer Suchbaum: Einfügen (Beispiel)



Füge key = 20 ein



Höhe := Länge des längsten Pfades von der Wurzel zu einem Blatt.

Höhe(leerer Baum) = 0

Höhe(nicht leerer Baum) = 1 + max { Höhe(linker U-Baum), Höhe(rechter U-Baum) }

Anmerkung: rekursive Definition!

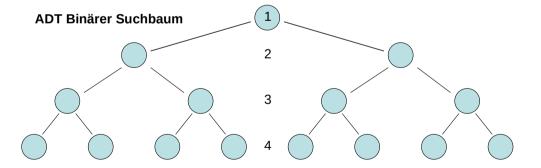
(U-Baum = Unterbaum)



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

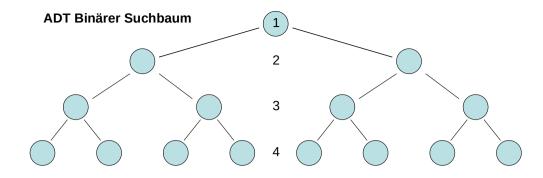
Kapitel 9



- Ein vollständiger Baum der Höhe h besitzt 2<sup>h</sup> 1 Knoten.
   Man braucht maximal h Vergleiche, um Element (ggf. nicht) zu finden.
   Bei n = 2<sup>h</sup> 1 Elementen braucht man log<sub>2</sub>(n) < h Vergleiche.</li>
- Ein degenerierter Baum der Höhe h besitzt h Knoten (= lineare Liste).
   Man braucht maximal h Vergleiche, um Element (ggf. nicht) zu finden.
   Bei n = h braucht man also n Vergleiche.

**Elementare Datenstrukturen** 

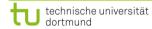
Kapitel 9



Auf Ebene k können jeweils zwischen 1 und 2<sup>k-1</sup> Elemente gespeichert werden.

In einem Baum der Höhe h können also zwischen h und

$$\sum_{k=1}^{h} 2^{k-1} = 2^{h} - 1$$
 Elemente gespeichert werden.

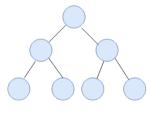


R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

**Kapitel 9** 

### ADT Binärer Suchbaum: Baumtypen







"Degenerated"

**Exkurs: Einfache Dateibehandlung** 

Kapitel 9

Datei := speichert Daten in linearer Anordnung

Zwei Typen:

### ASCII-Dateien

- sind mit Editor les- und schreibbar
- Dateiendung ("suffix" oder "extension") z.B. .txt oder .asc (oder .cpp)
- Betriebssystem-spezifische Übersetzung von Zeichen bei Datentransfer zwischen Programm und externem Speicher

### Binär-Dateien

- werden byteweise beschrieben und gelesen
- lesen / schreiben mit Editor ist keine gute Idee
- schnellerer Datentransfer, da keine Zeichenübersetzung



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

**Exkurs: Einfache Dateibehandlung** 

Kapitel 9

• Eingabe-Datei = input file ifstream Ouelldatei; Datentyp Bezeichner

Öffnen der Datei:

Quelldatei.open(dateiName);

ist Kurzform von Quelldatei.open(dateiName, modus); wobei fehlender modus bedeutet:

Eingabedatei (weil ifstream)

- Ausgabe-Datei = output file ofstream Zieldatei; Datentyp Bezeichner
- Öffnen der Datei:

Zieldatei.open(dateiName);

ist Kurzform von Zieldatei.open(dateiName, modus); wobei fehlender modus bedeutet: ASCII-Datei.

Ausgabedatei (weil ofstream)

Hier: einfache Dateibehandlung!

- Dateien können gelesen oder beschrieben werden.
- Vor dem ersten Lesen oder Schreiben muss Datei geöffnet werden.
- Nach dem letzten Lesen oder Schreiben muss Datei geschlossen werden.
- Bei zu lesenden Dateien kann gefragt werden, ob Ende der Datei erreicht ist.
- Beim Öffnen einer zu schreibenden Datei wird vorheriger Inhalt gelöscht!
- Man kann noch viel mehr machen ...

#include <fstream>

wir benötigen:

technische universität dortmund

**Exkurs: Einfache Dateibehandlung** 

Kapitel 9

modus:

ios::binary binäre Datei

ios::in öffnet für Eingabe (implizit bei ifstream) ios::out öffnet für Ausgabe (implizit bei ofstream)

ios::app hängt Daten am Dateiende an

(weitere: ios::ate, ios::trunc)

Man kann diese Modi mit dem bitweisen Oder-Operator | miteinander kombinieren:

ios::binary | ios::app (öffnet als binäre Datei und hängt Daten an)

ASCII-Datei.

```
    Datei öffnen
```

```
file.open(fileName); bzw. file.open(fileName, modus);
 falls Öffnen fehlschlägt, wird intern Flag gesetzt → mit
file.is_open()prüfen!
```

• Datei schließen

```
file.close()
sorgt für definierten Zustand der Datei auf Dateisystem;
bei nicht geschlossenen Dateien droht Datenverlust!
```

• Ende erreicht?

```
ia falls file.eof() == true
```

• Lesen (von ifstream)

```
file.get(c);
                  liest ein Zeichen
file >> x;
                  liest verschiedene Typen
```

• Schreiben (in ofstream)

```
file.put(c);
                  schreibt ein Zeichen
file << x;
                  schreibt verschiedene Typen
```



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Exkurs: Einfache Dateibehandlung**

### Kapitel 9

```
#include <iostream>
#include <fstream>
using namespace std;
int main() {
                         // zeichenweise kopieren
  ifstream Quelldatei;
  ofstream Zieldatei;
  Quelldatei.open("quelle.txt");
  if (!Ouelldatei.is open()) {
    cerr << "konnte Datei nicht zum Lesen öffnen\n";</pre>
    exit(1);
  Zieldatei.open("ziel.txt");
  if (!Zieldatei.is_open()) {
    cerr << "konnte Datei nicht zum Schreiben öffnen\n";</pre>
    exit(1);
```

### Merke:

- 1. Auf eine geöffnete Datei darf immer nur einer zugreifen.
- 2. Eine geöffnete Datei belegt Ressourcen des Betriebssystems.
  - ⇒ Deshalb Datei nicht länger als nötig geöffnet halten.
- 3. Eine geöffnete Datei unbekannter Länge kann solange gelesen werden. bis das Ende-Bit (end of file, EOF) gesetzt wird.
- 4. Der Versuch, eine nicht vorhandene Datei zu öffnen (zum Lesen) oder eine schreibgeschützte Datei zu öffnen (zum Schreiben), führt zum Setzen eines Fehlerzustandes im fstream-Objekt.
  - ⇒ Das muss überprüft werden, sonst Absturz bei weiterer Verwendung!
- 5. Dateieingabe und -ausgabe (input/output, I/O) ist sehr langsam im Vergleich zu den Rechenoperationen.
  - ⇒ I/O-Operationen minimieren.

**Exkurs: Einfache Dateibehandlung** 

### "The fastest I/O is no I/O."

Nils-Peter Nelson, Bell Labs

technische universität dortmund

Kapitel 9

### **Exkurs: Einfache Dateibehandlung**

```
while (!Quelldatei.eof()) {
   char c;
   Ouelldatei.get(c);
   Zieldatei.put(c);
 Quelldatei.close();
 Zieldatei.close();
 return 0;
offene
Datei
                     aktuelle Position
        Start
                                                    eof() == true
```

### Exkurs: C++-Strings

### Kapitel 9

### Bisher:

Zeichenketten wie char str[20];

- → Relikt aus C-Programmierung!
- → bei größeren Programmen mühevoll, lästig, ...
- → ... und insgesamt fehlerträchtig!

### Jetzt:

Zeichenketten aus C++

- → sehr angenehm zu verwenden (keine 0 am Ende, variable Größe, ...)
- → eingebaute (umfangreiche) Funktionalität

wir benötigen: #include <string> und using namespace std;



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

77

### **Exkurs: C++-Strings**

### Kapitel 9

### **Eingebaute Funktionen**

Konvertierung C++-String nach C-String via c\_str()

```
const char *Cstr = s2.c_str();
```

• Stringlänge length()

```
cout << s2.length();</pre>
```

• Index von Teilstring finden

```
int pos = s2.find("yz");
```

• Strings "addieren" (aneinanderhängen)

```
s1 = s2 + s3;
s4 = s2 + "hello";
s5 += s4;
```

Strings vergleichen

technische universität

```
if (s1 == s2) s3 += s2;
if (s3 < s8) flag = true;</pre>
```

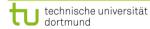
substr(), replace(), erase(),

•••

### R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Datendefinition / Initialisierung**

```
string s1;  // leerer String
string s2 = "xyz";  // initialisieren mit C-String
string s3 = s2;  // vollständige Kopie!
string s4("abc");  // initialisieren mit C-String
string s5(s4);  // initialisieren mit C++-String
string s6(10, '*');  // ergibt String aus 10 mal *
string s7(1, 'x');  // initialisieren mit einem char
string sx('x');  // FEHLER!
string s8("");  // leerer String
```



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### **ADT Binäre Bäume: Anwendung**

### Aufgabe:

Gegeben sei eine Textdatei.

Häufigkeiten der vorkommenden Worte feststellen.

Alphabetisch sortiert ausgeben.

### Strategische Überlegungen:

Lesen aus Textdatei → **ifstream** benutzen Sortierte Ausgabe → Binärbaum: schnelles Einfügen, sortiert "von selbst" Worte vergleichen → C++-Strings verwenden

### Programmskizze:

Jeweils ein Wort aus Datei lesen und in Binärbaum eintragen.

Falls Wort schon vorhanden, dann Zähler erhöhen.

Wenn alle Wörter eingetragen, Ausgabe (Wort, Anzahl) via Inorder-Durchlauf.

### zusätzlicher Zähler im Knoten

```
struct Node {
                                                    gelesenes Wort
  T data:
                                                    wie oft gelesen?
  unsigned int cnt; -
  BinTree *left, *right;
};
zusätzlicher Konstruktor (zum Einlesen der Datei)
                                                    Delegation an
template<typename T>
                                                    Default-Konstruktor:
BinTree<T>::BinTree(string& filename)
                                                    Wurzel-Knoten
  : BinTree() { ←
                                                    initialisieren
  ifstream source;
  source.open(filename.c_str());
                                                    Datei öffnen
  if (!source.is open()) exit(1);
  T s;
  while (!source.eof()) {
                                                    Worte einzeln
    source >> s;
                                                    auslesen und im
    insert(s);
                                                    Baum einfügen
  source.close();
                                                    Datei schließen
```

technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### Elementare Datenstrukturen

Kapitel 9

### Ausgabe (rekursiv)

```
template<typename T>
void BinTree<T>::print(Node *node) {
  if (node == nullptr) return;
  print(node->left);
 cout << node->cnt << " " << node->data.c_str() <<</pre>
endl:
  print(node->right);
Dies ist die Inorder-Ausgabe.
Präorder:
                                   Postorder:
cout ...;
                                   print(...);
print(...);
                                   print(...);
print(...);
                                   cout ...;
```

### Elementare Datenstrukturen

### Kapitel 9

### Einfügen (Änderungen in rot)

```
template<tvpename T>
typename BinTree<T>::Node *BinTree<T>::insert(Node *node, T
key) {
 if (node == nullptr) {
    node = new Node;
    node->data = key;
    node->cnt = 1:
    node->left = node->right = nullptr;
    return node;
 }
 if (node->data < key)</pre>
    node->right = insert(node->right, key);
  else if (node->data > key)
    node->left = insert(node->left, key);
  else
    node->cnt++;
  return node;
```

technische universität dortmund R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Hauptprogramm:

```
#include <string>
#include "BinTree.h"
using namespace std;

int main() {
   string s("quelle.txt");
   BinTree<string> b(s);
   b.print();
   return 0;
}
```

### **Elementare Datenstrukturen**

### Kapitel 9

### **Durchlaufstrategien:**

z.B. Ausdruck des Knotenwertes

- Tiefensuche ("depth-first search", DFS)
  - Präorder
     Vor (prä) Abstieg in Unterbäume die "Knotenbehandlung" durchführen
  - Postorder
     Nach (post) Abstieg in bzw. Rückkehr aus Unterbäumen die "Knotenbehandlung" durchführen
  - Inorder
     Zwischen zwei Abstiegen "Knotenbehandlung" durchführen
- Breitensuche ("breadth-first search", BFS; auch: "level search")
   auf jeder Ebene des Baumes werden Knoten abgearbeitet,
   bevor in die Tiefe gegangen wird



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

8

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### **ADT Graph**

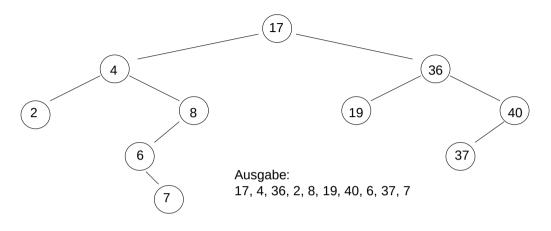
- Verallgemeinerung von (binären) Bäumen
- Wichtige Struktur in der Informatik
- Zahlreiche Anwendungsmöglichkeiten
  - Modellierung von Telefonnetzen, Versorgungsnetzwerken, Straßenverkehr, ...
  - Layout-Fragen bei elektrischen Schaltungen
  - Darstellung sozialer Beziehungen
  - etc.
- Viele Probleme lassen sich als Graphenprobleme "verkleiden" und dann mit Graphalgorithmen lösen!

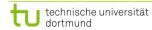
### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Breitensuche

Beispiel: eingegebene Zahlenfolge 17, 4, 36, 2, 8, 40, 19, 6, 7, 37





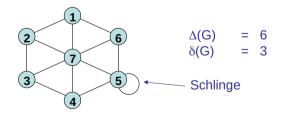
R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Definition

Ein **Graph** G = (V, E) besteht aus einer Menge von **Knoten** V ("vertex, pl. vertices") und einer Menge von **Kanten** E ("edge, pl. edges") mit  $E \subseteq V \times V$ .



Eine Kante (u, v) heißt **Schlinge** ("loop"), wenn u = v.

Der **Grad** ("degree") eines Knotens  $v \in V$  ist die Anzahl der zu ihm inzidenten Kanten: deg $(v) = |\{(a, b) \in E : a = v \text{ oder } b = v \}|$ . Schlingen zählen doppelt.

**Maxgrad** von G ist  $\Delta(G) = \max \{ deg(v) : v \in V \}$ 

**Mingrad** von G ist  $\delta$ (G) = min { deg(v) : v ∈ V }

### **Definition**

Für  $v_i \in V$  heißt  $(v_0, v_1, v_2, ..., v_k)$  ein **Weg** oder **Pfad** in G, wenn  $(v_i, v_{i+1}) \in E$  für alle i = 0, 1, ..., k-1.

Die Länge eines Pfades ist die Anzahl seiner Kanten.

Ein Pfad  $(v_0, v_1, v_2, ..., v_k)$  mit  $v_0 = v_k$  wird Kreis genannt.

Distanz dist(u, v) von zwei Knoten ist die Länge des kürzesten Pfades von u nach v.

Durchmesser diam(G) eines Graphes G ist das Maximum über alle Distanzen:

 $diam(G) = max \{ dist(u, v) : (u, v) \in V \times V \}.$ 

Graph ist **zusammenhängend**, wenn  $\forall$  u,  $v \in V$  mit  $u \neq v$  einen Pfad gibt.

G heißt Baum gdw. G zusammenhängend und kreisfrei.



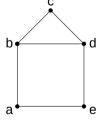
R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

8

### **Elementare Datenstrukturen**

Kapitel 9

### Beispiel:



### Adjazenzlisten

ADT Liste

### Adjazenzmatrix

	a	b	С	d	е
a	0	1	0	0	1
b	1	0	1	1	0
С	0	1	0	1	0
d	0	1	1	0	1
е	1	0	0	1	0

Array[][]

### **Elementare Datenstrukturen**

**Kapitel 9** 

### **Darstellung im Computer**

• Adjazenzmatrix A mit  $a_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{falls } (v_i, v_j) \in E \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$ 

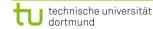
### Problem:

Da  $|E| \le |V|^2 = n^2$  ist Datenstruktur ineffizient (viele Nullen) wenn |E| verschwindend klein.

### • Adjazenzlisten:

Für jeden Knoten v eine (Nachbarschafts-) Liste L(v) mit

$$L(v) = \{ u \in V : (v, u) \in E \}$$



R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### **Elementare Datenstrukturen**

**Kapitel 9** 

### Mögliche Funktionalität

**typedef** unsigned int uint; — **typedef** Datentyp TypName;

```
class Graph {
public:
    Graph(uint NoOfNodes);
    void addEdge(uint Node1, uint Node2);
    bool hasEdge(uint Node1, uint Node2);
    uint noOfEdges();
    uint noOfNodes();
    void printGraph();
    ~Graph();
private:
    uint mNoOfNodes;
    Liste<uint> *mAdjList;
};
```



Ineffizient!

Speicherung

redundanter Information!

Ineffizient!

Falls häufig benutzt,

dann besser Zähler

mNoOfEdges in

class Graph

```
#include <iostream>
#include "Graph.h"
using namespace std;
Graph::Graph(uint NoOfNodes) {
  mNoOfNodes = NoOfNodes;
  if (mNoOfNodes > 0)
    mAdjList = new Liste<uint>[mNoOfNodes];
Graph::~Graph() {
  if (mNoOfNodes > 0) delete[] mAdjList;
void Graph::printGraph() {
  for (uint i = 0; i < mNoOfNodes; i++) {</pre>
    cout << i << " : ";
    mAdjList[i].print();
```



technische universität dortmund

R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

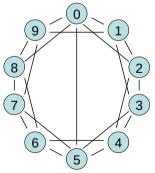
R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21 technische universität

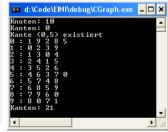
### **Elementare Datenstrukturen**

### Kapitel 9

### Test

```
#include <iostream>
#include "Graph.h"
using namespace std;
int main() {
  Graph g(10);
  uint n = g.noOfNodes();
  cout << "Knoten: " << n << endl;</pre>
  cout << "Kanten: " << g.no0fEdges() << endl;</pre>
  for (uint i = 0; i < n; i++)
    g.addEdge(i, (i+1) % n);
  for (uint i = 0; i < n; i++)
    g.addEdge(i, (i+2) % n);
  g.addEdge(5,0);
  if (g.hasEdge(0,5))
    cout << "Kante (0,5) existiert" << endl;</pre>
  g.printGraph();
  cout << "Kanten: " << g.no0fEdges() << endl;</pre>
  return 0;
```





R.Kalkreuth: Einführung in die Programmierung • WS 2020/21

### Elementare Datenstrukturen

dortmund

### Kapitel 9

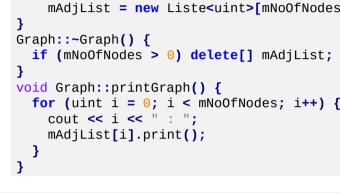
### Verbesserungsmöglichkeiten

- Überprüfung, ob Knotennummer zulässig (< Anzahl Knoten)</li>
- Zähler mNoOfEdges → wird erhöht, wenn neue Kante eingefügt wird
- Kanten sind bidirektional → nur einmal speichern!
  - → erfordert Anpassung in einigen Methoden!

```
void Graph::addEdge(uint Node1, uint Node2) {
                                                   Idee:
  if (Node1 > Node2) swap(&Node1, &Node2);
                                                   Normierung, so
  if (!hasEdge(Node1, Node2))
                                                   dass kleinere
    mAdjList[Node1].append(Node2);
                                                   Knotennummer
                                                   zuerst
bool Graph::hasEdge(uint Node1, uint Node2) {
  if (mNoOfNodes < 1) return false;</pre>
  if (Node1 > Node2) swap(&Node1, &Node2);
  return mAdjList[Node1].is_elem(Node2);
```

Funktionalität erweitern: Hinzufügen Knoten; Löschen Knoten / Kanten, etc.

technische universität dortmund



## void Graph::addEdge(uint Node1, uint Node2) { if (!hasEdge(Node1, Node2)) { mAdjList[Node1].append(Node2); mAdjList[Node2].append(Node1); bool Graph::hasEdge(uint Node1, uint Node2) {

## if (mNoOfNodes < 1) return false;</pre> return mAdjList[Node1].is\_elem(Node2);

# uint Graph::noOfEdges() {

# uint cnt = 0; for (uint i = 0; i < mNoOfNodes; i++)</pre>

cnt += mAdjList[i].size();

return cnt / 2;

uint Graph::noOfNodes() { return mNoOfNodes;